

УДК 539.375

С.О. Пискунов, д-р техн. наук,

О.І. Гуляр, д-р техн. наук,

С.В. Мицюк, канд. техн. наук.

## ОГЛЯД СПІВВІДНОШЕНЬ КОНТИНУАЛЬНОЇ МЕХАНІКИ РУЙНУВАННЯ ДЛЯ ОПИСУ ПРОЦЕСІВ ПОВЗУЧОСТІ І ВТОМИ

Проведено огляд рівнянь накопичення пошкодженості, наведено загальні алгоритми підсумовування пошкодженості і вирази для визначення ресурсу при втоми, повзучості, а також при їх одночасному виникненні.

**Вступ.** Конструкційні елементи відповідальних об'єктів часто функціонують в умовах тривалого сталого або циклічного силового навантаження в тому числі при підвищених температурах. В цих умовах відбуваються відповідно процеси повзучості або втоми, характерним для яких є поступове погіршення фізико-механічних характеристик матеріалу та накопичення розсіяних пошкоджень, утворення і зростання зон руйнування (макроскопічних дефектів), яке має бути враховано для достовірного аналізу тривалої міцності і величини ресурсу.

Для опису зазначених процесів накопичення розсіяних пошкоджень широкого розповсюдження набули підходи, що ґрунтуються на концепції механіки континуального руйнування і полягають у введенні до розгляду параметра пошкодженості матеріалу.

Механіка континуального руйнування була ініційована роботами Л.М. Качанова і Ю.Н. Работнова. Її розвиток стосовно процесів багаточиклового деформування здійснений в роботах С.В. Серенсона, В.П. Голуба, Т. Нішіхари, В.А. Кузьменка, І.М. Сільвестрова та інших учених.

Для опису зміни параметрів пошкодженості використовуються кінетичні рівняння, при побудові яких припускається, що прирощення функції  $\omega(t)$ , що описує параметр пошкодженості за малий проміжок часу  $t$  залежить від поточного стану матеріалу (значення параметра пошкодженості) та навантажень (силових, деформаційних і температурних впливів) [2, 6]:

$$\frac{d\omega}{dt} = \Phi(\omega, p_j), \quad (1.1)$$

де  $\Phi(\omega, p_j)$  – деяка функція;  $p_j$  – вектор навантажень, що характеризує перелічені впливи.

Значення  $\omega(t=0)=\omega_0$  відповідає початковому стану матеріалу (зокрема, наявності початкових пошкоджень, у випадку відсутності яких  $\omega(t=0)=0$ ), а значення  $\omega(t^*)=1$  – критичне значення пошкодженості, що відповідає повністю пошкодженому стану, в якому несуча здатність є вичерпаною,  $t^*$  – час до досягнення цього стану.

Кінетичне рівняння типу (1.1) дозволяє описувати режими стаціонарного і нестаціонарного навантаження елементів конструкцій і доповнює класичну систему рівнянь механіки, що містить рівняння рівноваги, граничні умови, рівняння сумісності деформацій і стану матеріалу.

У випадку припущення незалежності процесу накопичення пошкоджень від історії навантаження, тобто пропорційності величини накопиченої пошкодженості величині часу навантаження та її незалежності від послідовності прикладення навантажень, час до початку руйнування матеріалу  $t^*$  може бути визначений на основі безпосереднього інтегрування рівняння (1.1) з урахуванням умови [2]:

$$\int_0^{t^*} \Phi(\omega, q_i) dt = 1. \quad (1.2)$$

Однак, таке припущення лінійності підсумовування пошкодженості не враховує низки факторів, які суттєво впливають на процес навантаження [14].

При розв'язанні задач континуального руйнування важливим є коректний вибір співвідношень для опису пошкодженості з точки зору урахування неоднорідного напружено-деформованого стану. З іншого боку серед рівнянь визначення пошкодженості найбільшого розповсюдження набули рівняння, які містять скалярний а не векторний чи тензорний параметри пошкодженості, що пояснюється простотою визначення констант кінетичних рівнянь. Метою даної роботи є огляд рівнянь накопичення пошкодженості при різних умовах деформування – окремії дії повзучості та втоми, а також у випадку їх одночасного виникнення та формулювання загальних алгоритмів визначення пошкодженості при розв'язанні задач континуального руйнування.

**1. Фізичні співвідношення механіки континуального руйнування при циклічному навантаженні.** При циклічному навантаженні для параметру пошкодженості в більшості випадків використовується позначення  $D$ , а параметром, що визначає ресурс є кількість циклів навантаження  $N$ . Серед рівнянь відомі рівняння із визначення пошкодженості при багато- та малоциклового навантаженні. Зокрема при

малокцикловому наванатженні використовується модифікований підхід Менсона [2]:

$$D_i = (n_i / N_i)^{q(\omega)},$$

де  $q(\omega) = \left(\frac{N}{N_r}\right)^\alpha + \frac{2\omega}{\pi} \left[1 - \left(\frac{N}{N_r}\right)^\alpha\right]$ ;  $\omega = \arctg\left(\frac{\gamma_a \times \varepsilon_{fs}}{\varepsilon_a \gamma_{fs}}\right)$  – кут орієнтації

траєкторії деформування, який визначає домінуючий вид деформованого стану;  $\gamma_{fs}$  – гранична та амплітуда деформації зсуву в умовах чистого кручення для заданої довговічності;  $\varepsilon_{fs}$  – гранична амплітуда осьової деформації в умовах розтягу-стиску для цієї ж довговічності [16].

У випадку багатоциклового навантаження в роботі [15] В.В. Болотіним був запропонований вираз наступного вигляду:

$$F(D, \sigma) = \frac{\eta(\sigma)}{B} \sigma^b D^{\frac{1}{\eta(\sigma)}}, \quad (1.3)$$

де  $B$  і  $b$  – параметри рівняння кривої втоми,  $\eta(\sigma)$  – незростаюча функція  $\sigma$ , що визначається по результатам програмних досліджень з урахуванням граничних умов.

Зазначений вираз дозволяє врахувати вплив послідовності прикладання програмного навантаження на довговічність.

Для опису монотонної зміни інтенсивності накопичення пошкодженості із збільшенням кількості циклів в роботі [11] був запропонований вираз вигляду:

$$\frac{dD}{dN} = k(\sigma) m(\sigma) N^{m(\sigma)-1}, \quad (1.4)$$

де  $k(\sigma)$  і  $m(\sigma)$  – залежні від напруження  $\sigma$  коефіцієнти; пошкодженість в даному випадку залежить як від рівня напружень, так і від накопиченої кількості циклів навантаження.

В роботі [12] із посиланням на [13] зазначено, що для певного класу конструкційних матеріалів процес накопичення пошкодженості при циклічному навантаженні характеризується уповільненням із зростанням кількості циклів. Урахування цього ефекту запропоновано здійснювати

введенням в вираз для  $\frac{dD}{dN}$  спадаючої функції  $\psi(\sigma, N)$ :

$$\frac{dD}{dN} = e^{A\sigma+B} \psi(\sigma, N), \quad (1.5)$$

де  $\psi(\sigma, N) = e^{-m\sigma(N-1)}$ ,  $\sigma$  – амплітудне значення напружень;  $A$  і  $B$  експериментальні константи які визначаються по кривій втоми, поданої рівнянням  $\frac{1}{N} = e^{A\sigma+B}$  [12].

В роботі [3] для обчислення пошкоджень анізотропних композитних матеріалів вводяться визначальні рівняння у вигляді кінетичних рівнянь еволюційного типу:

$$\frac{dD_{ij}}{dN} = k(R) * (W^e)^n * M_{ijkl} * \check{\sigma}_{kl}, \quad (1.6)$$

де  $k(R)$  - функція, яка залежить від параметра циклу;  $M_{ijkl}$  - симетричний тензор четвертого рангу, компоненти якого відображають вплив напрямку головних осей тензора напруження відносно площини симетрії пружних властивостей композиту;  $W^e$  - максимальна за цикл питома енергія пружної деформації.

При плоскому напруженому стані кінетичне рівняння пошкоджуваності спрощується й його можна переписати в матричній формі як:

$$\begin{pmatrix} \frac{dD_{11}}{dN} \\ \frac{dD_{22}}{dN} \\ \frac{dD_{12}}{dN} \end{pmatrix} = k(R) * (W^e)^n * \begin{pmatrix} m_{11} & 0 & 0 \\ 0 & m_{22} & 0 \\ 0 & 0 & m_{12} \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} \check{\sigma}_{11} \\ \check{\sigma}_{22} \\ \check{\sigma}_{12} \end{pmatrix}. \quad (1.7)$$

В роботі [3] вигляд рівняння накопичення пошкодженості передбачає урахування зменшення ефективного перерізу елемента конструкції, що відповідає первісному фізичному трактуванню пошкодженості, запропонованому Ю.Н. Работновим [11]. Для урахування циклічного навантаження вираз для пошкодженості містить номінальне значення напруження  $\sigma_1^0$ :

$$\frac{dD}{dN} = \begin{cases} B \left( \frac{\sigma_1^0}{1-D} \right)^m & (\sigma_1^0 > 0); \\ 0 & (\sigma_1^0 < 0); \end{cases} \quad (1.8)$$

де  $\sigma_1^0 = \sigma_{m0} + \sigma_{a0} \sin(2\pi ft)$  – номінальне напруження,  $f$  – частота прикладання навантаження. При конкретизації величини  $\sigma_1^0$  для окремих випадків вираз (1.8) отримаємо у вигляді:

для симетричного навантаження ( $\sigma_m = 0$ ,  $\sigma_a \neq const$ ):

$$\frac{dD}{dN} = C \frac{(\sigma_{a0} \sin 2\pi N)^m}{2^m (1-D)^m}, \quad (1.9)$$

для асиметричного навантаження ( $\sigma_m = const$ ,  $\sigma_a = const$ ):

$$\frac{dD}{dN} = C \frac{(\sigma_{m0} + \sigma_{a0} \sin 2\pi N)^m}{2^m (1-D)^m}, \quad (1.10)$$

де  $m$  і  $C$  константи матеріалу,  $\sigma_a$ ;  $\sigma_{m0}$ ,  $\sigma_{a0}$  – номінальні значення статичної та циклічної компонент відповідно.

Вираз, що ґрунтується на концепції пошкодженості Ю.Н.Работнова [11], запропонований також в роботі [13]:

$$\frac{dD}{dN} = A \left( \frac{\sigma}{\sigma_B (1-D)} \right)^n, \quad (1.11)$$

де  $A$  та  $n$  – експериментально визначені константи;  $\sigma_B$  – межа міцності матеріалу.

В роботі [13] вище наведене рівняння було розв'язане в замкненому вигляді, що дозволило отримати вираз для величини пошкодженості у вигляді:

$$D = 1 - (n+1) \sqrt[1 - \frac{A}{(n+1)\sigma_B^n} \int_0^{N^*} \sigma^n dN], \quad (1.12)$$

де  $N^*$  - кількість циклів навантаження в даний момент часу ( $0 \leq N^* \leq N$ ).

При відомій історії навантаження  $\sigma(N)$  цей вираз дозволяє обчислити пошкодженість  $D$  в будь-який момент часу. У випадку коли  $\sigma = \sigma_a = const$ , вираз (1.12) матиме вигляд [13]:

$$D = 1 - (n+1) \sqrt[1 - \frac{A}{(n+1)\sigma_B^n} \sigma^n N], \quad (1.13)$$

з цього виразу може бути знайдена кількість циклів для початку руйнування :

$$N^* = \frac{(n+1)\sigma_B^n (1 - (1-D)^{n+1})}{A\sigma^n}. \quad (1.14)$$

Даний вираз містить скалярний параметр пошкодженості і характеризується простотою визначення констант кінетичних рівнянь

У випадку коли  $D = 1$  кількість циклів навантаження дорівнює кількості циклів до руйнування. Використовуючи відоме рівняння кривої втоми вигляду  $N = C \sigma^{-m}$  і можна визначити константи рівняння (1.12) у вигляді:

$$n = m, \quad A = ((n+1)\sigma_B^n) / C. \quad (1.15)$$

В загальному випадку процес циклічного навантаження може здійснюватись із змінними параметрами циклу (середнім значенням напруження і амплітуди). Для моделювання процесу деформування, континуального руйнування та повзучості чи сумісної дії даних процесів процес навантаження необхідно розділити на певну кількість етапів – кроків розв'язання задачі –  $S^*$ , при цьому в межах кожного етапу  $s$  навантаження відбувається із сталим середнім напруженням  $\sigma_{0s}$  і сталою амплітудою  $\sigma_{as}$  протягом  $N_s$  циклів. При визначених таким чином параметрах навантаження на кожному кроці виконується визначення напружено-деформованого стану. Величина пошкодженості  $D_S$ , за всю попередню історію навантаження (кількість циклів навантаження  $N_S = \sum_{s=1}^S N_s$ ) визначається за формулою (1.13), поданою із урахуванням покрокової дискретизації процесу навантаження:

$$D_S = 1 - (n+1) \sqrt[1 - \frac{A}{(n+1)\sigma_B^n} \sum_{s=1}^S (\sigma_{as})^n N_s]{1} \quad (1.16)$$

У випадку циклічного навантаження із сталими параметрами циклу визначення напружено-деформованого стану достатньо виконати лише один раз, а визначення кількості циклів до початку руйнування  $N^*$  виконується за формулою (1.14) при  $D = D^* = 1$ :

$$N^* = \frac{(n+1)\sigma_B^n}{A\sigma^n}, \quad (1.17)$$

При необхідності моделювання перебігу процесу накопичення пошкодженості здійснюється послідовним використанням формули (1.17) при значеннях  $N$ :  $0 \leq N \leq N^*$ .

Такий підхід не потребує додаткових експериментальних випробувань для визначення рівнянь накопичення пошкодженості при циклічному навантаженні і в подальшому використовується для моделювання виникнення дефектів, пов'язаних із зміною фізико-механічних характеристик матеріалу.

**2. Фізичні співвідношення механіки континуального руйнування в умовах повзучості.** Серед рівнянь визначення моделювання пошкодженості у випадку повзучості також відомі рівняння що потребують складних експериментів для визначення констант рівнянь пошкодженості так і ті, де визначення констант є простішим.

У зв'язку з тим, що процес накопичення пошкодженості відбувається за двома механізмами – виникнення і росту дефектів [1, 5], в роботі [5] було запропоновано обчислювати скалярну величину пошкодженості як функцію

двох величин  $\frac{d\omega}{dt} = f\left(\frac{d\omega_1}{dt}, \frac{d\omega_2}{dt}\right)$ , одна з яких пов'язана з величиною інтенсивності дотичних напружень  $\tau_i$ , що визначають інтенсивність зародження тріщин, а друга – з величиною найбільшого головного напруження  $\sigma_1$ , що визначає швидкість їх росту:

$$\frac{d\omega_1}{dt} = A_1 \frac{\tau_i^n}{(1-\omega_1)^{n_1}}, \quad \frac{d\omega_2}{dt} = A_2 \frac{\sigma_1^k}{(1-\omega_2)^{n_2}},$$

$$(1-\omega)^{-q} = (1-\omega_1)^{-f} + (1-\omega_2)^{-p},$$

де  $A_1, n, n_1, A_2, k, n_2, q, f, p$  – константи матеріалу

Найбільш простим є ізотропний параметр пошкоженості. У цьому випадку функція  $\Phi(\omega, q_j)$ , як зазначено в роботі [4], найбільш часто приймається у вигляді ступеневої функції напруження, або у вигляді рівняння Качанова [7], Работнова [11], Шестерикова [5], Леметра [17], або рівнянь, що містять додаткові параметри, які враховують характер складного напруженого стану  $q_j$  [10]:

$$\frac{d\omega}{dt} = B f(q_j) \left(\frac{\sigma_e}{1-\omega}\right)^k. \quad (2.1)$$

Узагальненням цих та подібних рівнянь є наведений в роботах [4] вираз:

$$\frac{d\omega}{dt} = C \left[\frac{\sigma_e}{1-\omega^r}\right]^m \frac{1}{(1-\omega)^q} \omega^\beta, \quad (2.2)$$

де  $C, B, m, q, k, r, \beta$  – константи матеріалу.

Величина  $\sigma_e$ , що входить до кінетичних рівнянь пошкоженості є значенням еквівалентного напруження, обчисленого відповідно до обраного критерію міцності [6]: максимального нормального напруження  $\sigma_e = \sigma_1$ , інтенсивності дотичних напружень  $\sigma_e = \sigma_1 - \sigma_3$ , критерію Сдобирева:

$$\sigma_e = \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_i); \text{Труніна: } \sigma_e = \frac{1}{2}(\sigma_1 + \sigma_i) e^{1-2\eta}, \quad \eta = \frac{3\sigma_1}{\sigma_1 + \sigma_i}; \text{Г.С.Писаренка-}$$

$$\text{О.О.Лебедєва: } \sigma_e = \frac{3}{\sqrt{2}} \chi \tau_{\text{окт}} + (1-\chi) \sigma_1.$$

Згідно з роботою [4] найбільш загальною структурою виразу для еквівалентного напруження при ізотропному характері накопичення пошкоженості є

$$\sigma_e = \alpha \sigma_1 + \beta I_1(\sigma_{ij}) + \gamma I_2(s_{ij}), \quad (2.3)$$

де  $I_1(\sigma_{ij}), I_2(s_{ij})$  – відповідно перший і другий інваріанти тензора  $\sigma_{ij}$  і діватора напружень  $s_{ij}$ ;  $\alpha, \beta, \gamma$  – константи матеріалу,  $\alpha+\beta+\gamma=1$ .

Конкретизація виразу (2.3) для практичних розрахунків має вигляд:

$$\sigma_e = \alpha \sigma_1 + (1-\alpha) \sigma_i.$$

Рекомендації щодо використання критеріїв міцності надаються залежно від характеру напружено-деформованого стану. При розв'язанні задач повзучості час процесу навантаження  $t$  подається у вигляді сукупності кроків  $t = \sum \Delta t_i$ . На кожному кроці здійснюється розв'язання нелінійної (з урахуванням деформацій повзучості) задачі із визначення напружено-деформованого стану. Після чого виконується покрокове інтегрування [9] рівнянь пошкодженості за часом:

$$\omega_i = \omega_{i-1} + \Delta \omega_i = \omega_{i-1} + \left( \frac{d\omega}{dt} \right)_i * \Delta t_i$$

де  $T^* = t(\omega=1)$ ,  $i$  – номер кроку,  $\Delta \omega_i$  – прирощення пошкодженості на кроці навантаження.

Таким чином, для проведення математичного моделювання процесу деформування і континуального руйнування матеріалу в умовах повзучості доцільно використовувати скалярний параметр пошкодженості, а для опису його зміни в часі – кінетичні рівняння вигляду (2.1) – (2.2). Такий спосіб подання пошкодженості є найбільш використовуваним у розрахунковій практиці і найбільш перспективним [2; 4; 8], тому орієнтація на нього при побудові алгоритму розв'язання задач континуального руйнування при повзучості дозволяє проводити чисельні дослідження, використовуючи наявні експериментальні дані про властивості матеріалів у розглядуваних умовах деформування.

**3. Фізичні співвідношення механіки континуального руйнування при взаємодії повзучості та втоми.** У випадку сумісного виникнення втоми і повзучості модель накопичення сумарної пошкодженості  $\omega_\Sigma$  здебільшого задається системою рівнянь, яка містить окремі доданки, що описують складові пошкодження від повзучості  $\omega_c$  і втоми  $\omega_f$ . При цьому швидкість накопичення кожної із силових пошкодженості залежить від параметрів напруженого стану (сталих та амплітудних напружень) та величини сумарно накопиченої пошкодженості  $\omega_\Sigma$  [3].

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{d\omega_c(\sigma_m, \omega_\Sigma)}{dt} + \frac{1}{v} \frac{d\omega_f(\sigma_a, \omega_\Sigma)}{dt}.$$

Рівняння визначення пошкодженості при взаємодії повзучості та втоми при багатоцикловому навантаженні можна подати у такому вигляді:



$$\frac{d\omega_{\Sigma}}{dt} = B \left( \frac{\sigma_m}{1-\omega_{\Sigma}} \right)^n \left( \frac{1}{1-\omega_{\Sigma}} \right)^{q(\sigma_m)} + \frac{C}{v} \left( \frac{\sigma_m}{1-\omega_{\Sigma}} \right)^m \left( \frac{1}{1-\omega_{\Sigma}} \right)^{q(\sigma_a)},$$

$$\omega_{\Sigma} = \omega_c + \omega_f = \int_0^{t_c} \frac{d\omega_c}{dt} d\tau + \frac{1}{v} \int_{t_c}^{t_c+t_f^*} \frac{d\omega_f}{dt} d\tau,$$

де  $t_c$  – час дії попередньої повзучості,  $t_f$  – залишкова втомна довготривалість.

У випадку малоциклового навантаження розрахунок довговічності в умовах одночасного розвитку процесів повзучості і втоми здійснюється на основі нелінійної моделі методом покрокового інтегрування відповідних рівнянь пошкодженості

$$\omega = D \frac{(g_1 g_2 \sigma_e^0)^r}{(1-\omega^0)^1}, \quad \omega(0) = \omega_0, \quad \omega(t^*) = 1,$$

$$g_1 = \left( \int_0^1 \left( 1 + M \left( \frac{2}{3} - \sum_{k=1}^{\infty} \frac{4}{\pi^2 k^2} \cos(2\pi k \xi) \right) \right)^s d\xi \right)^{1/s};$$

$$g_2 = \left( \int_0^1 (1 + A_2 \sin(2\pi k \xi))^s d\xi \right)^{1/s}, \quad A_2 = \frac{A}{g_1}.$$

Таким чином, для проведення математичного моделювання процесу руйнування матеріалу в умовах одночасної дії повзучості та втоми доцільно використовувати скалярний параметр пошкодженості, а для опису його зміни в часі – кінетичні рівняння вигляду (2.1)–(2.2).

Таким чином, при наявності визначених параметрів напружено-деформованого стану використання вищенаведених рівнянь і визначених за викладеним підходом констант цих рівнянь дозволяє визначити величину пошкодженості при мало- та багатоциклового навантаженні та умовах повзучості.

Розв'язання задач деформування в умовах сумісного виникнення повзучості і втоми також здійснюється на основі крокових алгоритмів.

#### СПИСОК ЛІТЕРАТУРИ

1. *Бойл Дж.*. Аналіз напружень в конструкціях при ползучості. / *Бойл Дж., Спенс Дж.* // – М.: Мир, 1976. – 360 с.
2. *Болотин В.В.* Ресурс машин и конструкций. / *Болотин В.В.* // – М.: Машиностроение, 1990. – 448 с.
3. *Голуб В.П.* Нелинейная механика континуальной поврежденности и ее приложения к задачам ползучести и усталости / *Голуб В.П.* // Прикл. механика – 2000. – №3. – С. 31-66.

4. Голуб В.П. Определяющие уравнения в нелинейной механике поврежденности // Голуб В.П. // Прикладная механика.– 1993. – № 10. – С. 37–49.
5. Закономерности ползучести и длительной прочности. Справочник / Под ред. С.А. Шестерикова – М.: Машиностроение, 1983. –101 с.
6. Качанов Л.М. Основы механики разрушения. / Качанов Л.М. // – М.: Наука, 1974.– 312 с.
7. Качанов Л.М. Теория ползучести. / Качанов Л.М. //– М.: Физматгиз, 1960. – 456 с.
8. Колмогоров В.М.. Феноменологическая модель накопления повреждений и разрушения при различных условиях нагружения./ Колмогоров В.М., Мигалев Б.А. // – Екатеринбург, 1994.– 105 с.
9. Анализ критериев длительной прочности металлов при сложном напряженном состоянии / Локощенко А.М., Назаров В.В., Платонов Д.Д., Шестериков С.А. // Известия РАН: Механика твердого тела. – 2003. – №2. – С. 139–149.
10. Любарт Е.Л. Об одном параметре состояния при ползучести с учетом разрушения. / Любарт Е.Л. // Известия АН СССР. Механика твердого тела.– 1974. – № 1.– С. 141–142.
11. Работнов Ю.Н. Ползучесть элементов конструкций / Работнов Ю.Н.// – М.: Наука, 1966. – 752с.
12. Серенсон С.В. Усталость материалов и элементов конструкций / С.В. Серенсон - К.:Наук. думка, 1985. с.424
13. Сильверстов И.Н. Расчет ресурса и длительной прочности с использованием критерия повреждаемости / Сильверстов И.Н. – Проблемы машиностроения и надежности машин. - 2006. - №6. – С.116-118.
14. Справочное пособие по расчету машиностроительных конструкций на прочность / Лебедев А.А., Ковальчук Б.И., Уманский С.Э.и др. – К.: Техника, 1990. – 240 с.
15. Троценко В.Т.. Трещиностойкость металлов при циклическом нагружении./ Троценко В.Т., Покровский В.В., Прокопенко А.В. //– К.: Наук. думка, 1987. – 257 с.
16. Шукаев С., Кінетика накоплення розсіяних пошкоджень у металах при короткочасному і тривалому навантаженні / Шукаев С.,Панасовский К., Назаренко І.// Машинознавство. – 2006. – №9-10. – С. 27–29.
17. Lemaitre J. Coupled Elasto-Plasticity and Damage Constitutive Equations. // Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering. – 1985. – № 51. – P. 31–49.

*Стаття надійшла до редакції 27.04.2013 р.*

*Гуляр О.І., Пискунов С.О., Мицюк С.В.*

#### **ОБЗОР СООТНОШЕНИЙ КОНТИНУАЛЬНОЙ МЕХАНИКИ РАЗРУШЕНИЯ ДЛЯ ОПИСАНИЯ ПРОЦЕССОВ ПОЛЗУЧЕСТИ И УСТАЛОСТИ**

Выполнен обзор уравнений накопления повреждаемости, приведены общие алгоритмы суммирования повреждений и выражения для определения ресурса при усталости, ползучести, а также при их одновременном возникновении.

*Gulyar O.I., Pyskunov S.O., Mytsyuk S.V.*

#### **REVIEW OF CORRELATIONS OF CONTINUAL DAMAGE MECHANICS FOR PROCESSES OF CREEP AND FATIGUE DESCRIPTION**

The review of the equations of damage accumulation is carried out, the general algorithms of damage summation and expression for life-time definition are given at fatigue, creep, and also at their simultaneous emergence.